

- ω correspond à la résonance du circuit :

Les demi-bobines introduisent une tension déphasée respectivement de $-\pi/2$ et $\pi/2$ par rapport au potentiel e_p du centre pris comme référence. E_s est l'amplitude totale sur le secondaire donc :

$$\begin{cases} e_p = E_p e^{j\omega t} \\ e_1 = e_p + \frac{E_s}{2} e^{j(\omega t + \frac{\pi}{2})} \\ e_2 = e_p + \frac{E_s}{2} e^{j(\omega t - \frac{\pi}{2})} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} |e_1| = |E_p + \frac{E_s}{2} e^{j\frac{\pi}{2}}| = |E_p + \frac{E_s}{2} j| = \sqrt{E_p^2 + \frac{E_s^2}{4}} \\ |e_2| = |E_p + \frac{E_s}{2} e^{-j\frac{\pi}{2}}| = |E_p - \frac{E_s}{2} j| = \sqrt{E_p^2 + \frac{E_s^2}{4}} \end{cases} \Rightarrow |e_2| - |e_1| = 0$$

- ω inférieure à la résonance du circuit :

Les demi-bobines introduisent une tension déphasée respectivement de $-\pi/2 + \varphi$ et $\pi/2 + \varphi$ par rapport au potentiel e_p du centre pris comme référence. φ est non nul car ω n'est pas la pulsation de résonance donc :

$$\begin{cases} e_p = E_p e^{j\omega t} \\ e_1 = e_p + \frac{E_s}{2} e^{j(\omega t + \frac{\pi}{2} + \varphi)} \\ e_2 = e_p + \frac{E_s}{2} e^{j(\omega t - \frac{\pi}{2} + \varphi)} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} |e_1| = |E_p + \frac{E_s}{2} e^{j(\frac{\pi}{2} + \varphi)}| = |E_p - \frac{E_s}{2} \sin \varphi + j \frac{E_s}{2} \cos \varphi| \\ |e_2| = |E_p + \frac{E_s}{2} e^{j(-\frac{\pi}{2} + \varphi)}| = |E_p + \frac{E_s}{2} \sin \varphi - j \frac{E_s}{2} \cos \varphi| \end{cases}$$

$$\Rightarrow |e_1| - |e_2| = \sqrt{\left(E_p - \frac{E_s}{2} \sin \varphi\right)^2 + \frac{E_s^2}{4} \cos^2 \varphi} - \sqrt{\left(E_p + \frac{E_s}{2} \sin \varphi\right)^2 + \frac{E_s^2}{4} \cos^2 \varphi}$$

- ω supérieure à la résonance du circuit :

Les demi-bobines introduisent une tension déphasée respectivement de $-\pi/2 - \varphi$ et $\pi/2 - \varphi$ par rapport au potentiel e_p du centre pris comme référence. φ est non nul car ω n'est pas la pulsation de résonance donc :

$$\begin{cases} e_p = E_p e^{j\omega t} \\ e_1 = e_p + \frac{E_s}{2} e^{j(\omega t + \frac{\pi}{2} - \varphi)} \\ e_2 = e_p + \frac{E_s}{2} e^{j(\omega t - \frac{\pi}{2} - \varphi)} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} |e_1| = |E_p + \frac{E_s}{2} e^{j(\frac{\pi}{2} - \varphi)}| = |E_p + \frac{E_s}{2} \sin \varphi + j \frac{E_s}{2} \cos \varphi| \\ |e_2| = |E_p + \frac{E_s}{2} e^{j(-\frac{\pi}{2} - \varphi)}| = |E_p - \frac{E_s}{2} \sin \varphi - j \frac{E_s}{2} \cos \varphi| \end{cases}$$

$$\Rightarrow |e_1| - |e_2| = \sqrt{\left(E_p + \frac{E_s}{2} \sin \varphi\right)^2 + \frac{E_s^2}{4} \cos^2 \varphi} - \sqrt{\left(E_p - \frac{E_s}{2} \sin \varphi\right)^2 + \frac{E_s^2}{4} \cos^2 \varphi}$$